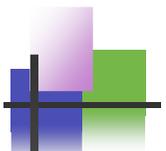




## Esercizi



## Definizione di classi

## Una banca dati che contiene film

- Si vuol realizzare una banca dati che contiene informazioni su film.
- Un film è caratterizzato da un nome, un anno di uscita, un produttore e il costo. Si dovranno anche memorizzare gli attori che partecipano al film indicando per ciascuno i ruoli svolti (ad. es. attore protagonista, comparsa,...) e il compenso ricevuto.
- Si dovrà tenere traccia anche di tutti gli attori con il loro nome, cognome, la data di nascita e un curriculum.
- L'applicazione dovrà avere un'interfaccia utente e si vuol seguire il principio di separazione fra interfaccia e dati
- Per l'insieme degli attori si usi una lista per gli altri insiemi dei vettori
- Progettare le classi necessarie, per il momento, indicando solo le variabili e le classi (senza metodi e costruttori)

## Una banca dati che contiene film

```
class Film{
String nome, produttore;
Date dataUscita;
int costo;
}

class Attore{
String nome, cognome;
String curriculum;
Date dataNascita;
}

class Partecipazione{
Attore p;
Film f;
String ruoli[];
}

class ListaAttori{
ItemAttori head;
}

class ItemAttori{
Attore value;
ItemAttori next;
}

class BancaDati{
ListaAttori attori;
Film films[];
Partecipazione partecipazioni[];
}

class interfaccia{
BancaDati b;
}
```

# Una banca dati che contiene film: soluzione 2

```
class Film{
    String nome, produttore;
    Date dataUscita;
    int costo;
    Partecipazione partecipazioni[];
}

class ListaAttori{
    ItemAttori head;
}

class ItemAttori{
    Attore value;
    ItemAttori next;
}

class BancaDati{
    ListaAttori attori;
    Film films[];
    // Partecipazione partecipazioni[];
}

class interfaccia{
    BancaDati b;
}
```

I cambiamenti  
sono in  
grassetto

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

## Una banca dati che contiene film: i metodi

- Definire i metodi dell'interfaccia e della classe BancaDati
- Dovranno essere possibile le seguenti operazioni
  - inserire un film
  - rimuovere un film per titolo e anno
  - inserire un attore
  - rimuovere un attore per nome e cognome
  - cercare tutti i film a cui un attore ha partecipato fornendo il nome e il cognome dell'attore

# Una banca dati che contiene film: i metodi

```
class BancaDati{
    ListaAttori attori;
    Film films[];
    Partecipazione partecipazioni[];

    void inserisciFilm(Film f);
    void rimuoviFilm(String titolo, Date anno);
    void inserisciAttore(Attore a);
    void rimuoviAttore(String nome, String cognome);
    Film[] searchFilm(String nome, String cognome;
}
}
```

```
class interfaccia{
    BancaDati b;
    void inserisciFilm();
    void rimuoviFilm();
    void inserisciAttore();
    void rimuoviAttore();
    void searchFilm();
}
}
```

Franco Scarselli

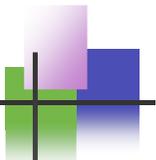
Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

## Un'applicazione per la biblioteca

- Una biblioteca vuol realizzare un'applicazione per gestire un archivio dei libri disponibili. L'applicazione dovrà memorizzare tutti i libri posseduti, tutti gli autori dei libri e tutti gli editori. Per ogni autore si registra il nome, il cognome, il luogo di nascita e una breve biografia. Per ogni editore si registra il nome e l'indirizzo. Per ogni libro si registra il titolo, gli autori, l'editore e l'ISBN che è un codice di 13 cifre.
- L'applicazione dovrà possedere un menu utilizzando il quale sarà possibile inserire un libro, un autore o un editore. Inoltre, dovrà essere possibile eliminare un libro identificandolo con il codice ISBN. Infine, il menu dovrà permettere di cercare tutti i libri posseduti dalla biblioteca per titolo o autore. Quest'ultima funzione deve visualizzare tutti i libri che soddisfano il criterio di ricerca.
- Per realizzare l'insieme degli editori usare una struttura dati di tipo lista. Per gli altri insieme usare una struttura di tipo vettore.

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

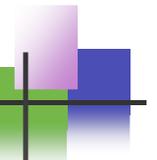


## Un'applicazione per la biblioteca

- Progettare le classi Java necessarie per realizzare l'applicazione.
- Si richiede la definizione delle classi, variabili e metodi. Non è necessario implementare i metodi.
- Indicare anche la classe che contiene il main.

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006



## Un'applicazione per la biblioteca

```
class Autore{  
    String nome, cognome, biografia;  
    Date dataNascita;  
}
```

```
class Editore{  
    String nome, indirizzo;  
}
```

```
class Libro{  
    String titolo;  
    Autore autorLibro[];  
    Editore editoreLibro;  
    int ISBN[];  
}
```

```
class EditorList{  
    EditorItem head;  
    void insert(int v);  
    void remove(int v);  
    EditorItem search(int v);  
}
```

```
class EditorItem  
    Editore value;  
    EditorItem next;  
}
```



# Un'applicazione per la biblioteca

```
class Biblioteca{
    Libro libri[];
    Autore autore[];
    EditorList editor[];

    void inserireAutore(String nome, String cognome,
        String biografia, Date dataNascita);
    void inserireEditore(String nome, String indirizzo);
    void inserireLibro(String titolo, Autore autori[],
        Editore editore, int ISBN[]);
    void rimuoviLibro(int ISBN[]);
    Libro[] cerca(String titolo);
    Libro[] cerca(Autore autore);
}
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006



# Un'applicazione per la biblioteca

```
class Menu{

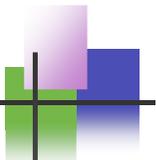
    Biblioteca biblioteca;

    void inserireAutore();
    void inserireEditore();
    void inserireLibro();
    void rimuoviLibro();
    void cerca1();
    void cerca2();

    static void main(String argv);
}
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006



# Un'applicazione per la segreteria studenti

- Una segreteria studenti vuol realizzare un'applicazione per gestire un archivio con gli studenti, i corsi e gli esami di un anno accademico. L'applicazione dovrà memorizzare tutti gli studenti, tutti gli esami e tutti i corsi di una facoltà. Per ogni corso si registra il nome e il docente. Per ogni studente si registra il nome, il cognome, la matricola e la data di nascita. Per ogni esame si registra il voto, la data e ovviamente il corso e lo studente.
- L'applicazione dovrà possedere un menu utilizzando il quale sarà possibile inserire uno studente, un esame o un corso. Inoltre, dovrà essere possibile ricercare uno studente per matricola o cognome e nome. Allo stesso modo dovrà essere possibile rimuoverlo indicando il numero di matricola. Infine, l'applicazione dovrà permettere di calcolare la media di ogni studente e ogni corso
- Per realizzare l'insieme degli studenti, degli esami e dei corsi usare una struttura dati di tipo vettore

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006



# Un'applicazione per la segreteria studenti

- Progettare le classi Java necessarie per realizzare l'applicazione.
- Si richiede la definizione delle classi, variabili e costruttori.
- Non è necessario implementare i metodi. Indicare anche la classe che contiene il main.

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

# Un'applicazione per la segreteria studenti

```
class Studente{
    String nome, cognome, matricola;
    Date dataNascita;
}
```

```
class Corso{
    String nome, docente;
}
```

```
class Esame{
    int voto;
    boolean lode;
    Date data;
    Studente studente;
    Corso corso;
}
```

```
class Archivio{
    Studente studenti[];
    Corso corsi[];
    Esame esami[];

    void inserireStudente(String nome, String cognome,
        String matricola, Date dataNascita);
    void inserireCorso(String nome, String docente);
    void inserireEsame(Studente s,
        int voto, boolean lode, Date data);
    void cerca(String matricola);
    Studente cerca(String cognome, String nome);
    void rimuovi(String matricola);
    float mediaStudente(String matricola);
    float mediaCorso(string nome);
}
```

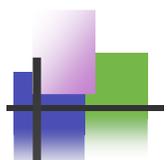
Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

# Un'applicazione per la segreteria studenti

```
class Menu{
    Archivio archiviosSegreteria;

    void inserireStudente();
    void inserireCorso();
    void inserireEsame();
    void cercaStudentePerMatricola();
    void cercaStudentePerNome();
    void rimuoviStudente();
    void mediaStudente();
    void mediaCorso();

    static void main(String arg[]);
}
```



## Uso di classi definite



### Uso di una pila

- Sono date le classi che implementano una pila di messaggi: creare il codice Java che
- crea una pila con al più 10 messaggi
- inserisce i messaggi:
  - "messaggio 1", inviato a "martedì", indirizzo ip "10.0.0.1"
  - "messaggio 1", indirizzo ip "10.0.0.2"
  - "risposta 1", inviato a "giovedì", indirizzo ip "10.0.0.2"
  - da "martedì", indirizzo ip "10.0.0.1"
- estrarre dalla pila tutti i messaggi stampando il testo, il nome del destinatario e del mittente

```
class Messaggio{  
    String testo;  
    Indirizzo destinatario, mittente;  
    Messaggio(Indirizzo mitt, Indirizzo dest, String testo);  
}
```

```
class Pila{  
    Pila(int maxMessaggi);  
    Messaggio Pop();  
    Messaggio Top();  
    void Push(Messaggio m);  
    boolean isEmpty();  
}
```

```
class Indirizzo{  
    String nome, ip;  
    Indirizzo(String nome, String ip)  
}
```

## Uso di una pila

```
Pila p=new Pila(10);
Indirizzo marte=new Indirizzo("martedì", "10.0.0.1");
Indirizzo giove=new Indirizzo("giovedì", "10.0.0.2");
Messaggio m1=new Messaggio(giove, marte, "messaggio 1");
Messaggio m2=new Messaggio(marte, giove, "risposta 1");
p.push(m1);
p.push(m2);
while(!p.isEmpty()){
    Messaggio m=p.pop();
    System.out.print(m.testo)
    System.out.println(" da "+m.mittente.nome)
    System.out.println(" a "+m.destinatario.nome)
}
```

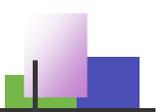
## Uso di un archivio studenti

- Sono date le classi che implementano un archivio degli studenti. Scrivere il codice Java che
- crea un archivio
- inserisce
  - "Paolo", "Rossi" residente in "via Verdi 16, Siena"
  - "Roberto", "Bianchi" residente in "via Gialli 10, Siena, 53110"
- cerca tutti gli studenti abitanti a Siena e ne stampa il cognome

```
class Studente{
    String Nome, Cognome;
    Indirizzo residenza
    Studente(String nome, String cognome, String residenza)
}
```

```
class Archivio{
    private Studente studenti[];
    Archivio();
    void inserisci(Studente s)
    Studente [] cerca(String city)
}
```

```
class Indirizzo{
    String via, numero, città;
    Indirizzo(String via, String numero, String città)
}
```



## Uso di un archivio studenti

```
Archivio a=new Archivio();
Indirizzo i1=new Indirizzo("via Verdi", "16", "Siena");
Indirizzo i2=new Indirizzo("via Gialli", "10", "Siena");
Studente paoloRossi=new Studente("Paolo", "Rossi", i1);
Studente robertoBianchi=new Studente("Roberto", "Bianchi", i2);
a.inserisci(paoloRossi);
a.inserisci(robertoBianchi);
Studente [] studentiDiSiena=a.search("siena");
for(int i=0;i<studentiDiSiena.length;i++){
    System.out.println(studentiDiSiena[i].cognome);
}
```



## Implementazione di metodi

## Somma con una lista di operazioni

- Sono date le classi che implementano una lista di operazioni (ad esempio di un conto corrente)
- Ogni operazione è caratterizzata dalla quantità e da un carattere che è 'P' se l'operazione è un prelievo e 'D' se l'operazione è un deposito
- Si implementi (in maniera iterativa) un metodo che calcola totale delle operazioni contano come negativi i prelievi e positivi i depositi

```
class ListaOperazioni{  
    itemOperazione head;  
}
```

```
class itemOperazione{  
    operazione value;  
    itemOperazione next;  
}
```

```
class operazione{  
    operazione(float quantita, char pd);  
    char getPd();  
    float getQuantita();  
}
```

```
float calcolaTotale(ListaOperazioni A)
```

Informatica I, 2005-2006

## Somma con una lista di operazioni

```
float calcolaTotale(ListaOperazioni A){  
    float somma=0;  
    for(itemOperazione it=A.head; it!=null; it=it.next){  
        if(it.value.getPd()=='D') {  
            somma=somma+it.value.getQuantita();}  
        else{  
            somma=somma-it.value.getQuantita();}  
        }  
    }  
    return somma;  
}
```

## Somma con una lista di operazioni II

- La stessa funzione potrebbe essere implementata in maniera ricorsiva.
- Per farlo occorre implementare il metodo: `calcolaTotaleRicorsivo`

```
float calcolaTotale(ListaOperazioni A){  
    return calcolaTotaleRicorsivo(A.head);  
}  
  
float calcolaTotaleRicorsivo(ItemOperazioni it)  
....
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

## Somma con una lista di operazioni II

```
float calcolaTotaleRicorsivo(ItemOperazioni it){  
    if(it==null) {  
        return 0;  
    }  
    else{if(it.value.getPd()=='D'){  
        return it.value.getQuantita()+calcolaTotaleRicorsivo(it.next);  
    }  
    else{  
        return -it.value.getQuantita()+calcolaTotaleRicorsivo(it.next);  
    }  
}
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

## Profondità di un albero binario

- Sono date le classi che implementano un albero binario di interi
- Si implementi un metodo ricorsivo che calcola la profondità dell'albero
- Si realizzi il metodo `profonditaRicorsiva`

```
class Node{  
    int value;  
    nodo left, right;  
}
```

```
class Tree{  
    root;  
}
```

```
int profondita(Tree T){  
    return profonditaRicorsiva(T.root);  
}  
  
int profonditaRicorsiva(nodo n);
```

Franco Scarselli

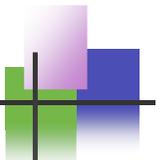
Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

## Profondità di un albero binario

```
int profonditaRicorsiva(nodo n){  
    if(n==null){return 0;}  
    else{  
        int pDestra= profonditaRicorsiva(n.right);  
        int pSinistra= profonditaRicorsiva(n.left);  
        if(pDestra>pSinistra) {  
            return pDestra+1;}  
        else{  
            return pSinistra+1;}  
    }  
}
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006



## Norma uno

- Scrivere un metodo che scorre una matrice a due dimensioni "float B[][]" e ne calcola la norma 1.
- La norma 1 di una matrice e' il massimo per colonna della somma dei moduli degli elementi

$$B = \begin{pmatrix} b_{1,1} & b_{1,2} & \dots & b_{1,m} \\ b_{2,1} & b_{2,2} & \dots & b_{2,m} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{n,1} & b_{n,2} & \dots & b_{n,m} \end{pmatrix}$$

$$\|B\|_1 = \max_{i=1}^n \left( \sum_{j=1}^m |b_{i,j}| \right)$$

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

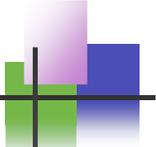


## Norma uno

```
float normaUno(float B[][]) {
    float norm=0;
    for(int i=0;i<B.length;i++){
        float col=0;
        for(int j=0;j<B[i].length;j++){
            col+=Math.abs(B[i][j]);
        }
        if(col>norm){norm=col;}
    }
    return norm;
}
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006



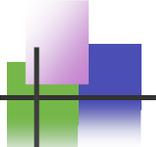
## Norma uno II

- La stessa funzione potrebbe essere implementata in maniera ricorsiva. Per farlo occorre implementare il metodo `normalUnoRicorsivo` che calcola ricorsivamente la somma di ogni colonna

```
float normalUno(float B[][]) {  
    float a = normalUnoRicorsivo(B, 0, B.length);  
    float max = Integer.MAX_VALUE;  
    for (int i = 0; i < B[0].length; i++) {  
        if (max < a[i]) { max = a[i]; }  
    }  
    return max;  
}  
  
float [] normalUnoRicorsivo (float B[][], int minRow, int maxRow)  
....
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006



## Norma uno II

```
float normalUnoRicorsivo (float B[][], int minRow, int maxRow) {  
    int[] res = new int[B[0].length];  
    if (maxRow == minRow) {  
        for (int i = 0; i < res.length; i++) {  
            res[i] = B[minRow][i];  
        }  
    }  
    else {  
        int [] a = normalUnoRicorsivo (float B[][], minRow+1, maxRow);  
        for (int i = 0; i < res.length; i++) {  
            res[i] = B[minRow][i] + a[i];  
        }  
    }  
    return res;  
}
```

# Somma elementi maggiori di zero

- Sono date le classi che implementano una lista di interi: scrivere il metodo java che calcola la somma

Variabili e metodi della lista

```
class Lista{
    Item head;
    void insert(int v);
    void remove(int v);
    Item search(int v);
}
```

Un elemento della lista

```
class Item{
    int value;
    Item next;
}
```

Il metodo da implementare

```
int somma(List lista)
```

Franco Scarselli

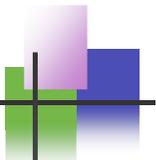
Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

# Somma elementi maggiori di zero

```
int somma(List A){
    int res=0;
    for(Item it=A.head; it!=null; it=it.next){
        if(it.value>0) {
            res=res+it.value;
        }
    }
    return res;
}
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006



## Somma elementi maggiori di zero II

- La stessa funzione potrebbe essere implementata in maniera ricorsiva. Per farlo occorre implementare il metodo `sommaRicorsivo`

```
int somma(List lista){  
    return sommaRicorsivo(Lista.head);  
}  
int sommaRicorsivo(Item it)
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006



## Somma elementi maggiori di zero II

```
int sommaRicorsivo(Item it){  
    if (it==null) {  
        return 0;}  
    if(it.value>=0){  
        return it.value+ sommaRicorsivo(it.next);}  
    else {  
        return sommaRicorsivo(it.next);}  
}
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

# Somma del costo di una lista di articoli

- Sono date le classi che implementano una lista di Articoli in vendita: scrivere il metodo che calcola la somma del costo degli articoli di un certo tipo

Variabili e metodi della lista

```
class Lista{
    Item head;
    void insert(int v);
    void remove(int v);
    Item search(int v);
}
```

```
class Item{
    Articolo value;
    Item next;
}
```

Un articolo

```
class Articolo{
    float costo;
    String nome;
    int codice;
}
```

Franco Scarselli

Informatica I, 2005-2006

Il metodo da implementare

```
int somma(List lista, int codice)
```

# Somma del costo di una lista di articoli

```
float somma(List A, int codice){
    int res=0;
    for(Item it=A.head; it!=null; it=it.next){
        if(it.value.codice==codice) {
            res=res+it.value.costo;
        }
    }
    return res;
}
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006



## Somma del costo di una lista di articoli

- La stessa funzione potrebbe essere implementata in maniera ricorsiva. Per farlo occorre implementare il metodo `sommaRicorsivo`

```
float somma(List lista, int codice){
    return sommaRicorsivo(lista.head,int codice);
}
float sommaRicorsivo(Item it, int codice)
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006



## Somma elementi maggiori di zero II

```
float sommaRicorsivo(Item it, int codice){
    if (it==null) {
        return 0;
    }
    if(it.value.codice==codice){
        return it.value.costo+ sommaRicorsivo(it.next);
    }
    else {
        return sommaRicorsivo(it.next);
    }
}
```

Franco Scarselli

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

## Calcolo della complessità

### Complessita' di un programma

- Calcolare l'ordine asintotico (notazione  $O(f(n))$ ) del numero di moltiplicazioni svolte dal seguente metodo rispetto al valore del parametro  $n$

```
void metodo2(int n){
    int i=1;
    int res=1;
    while(i<=n){
        for(int j=0;j<n;j++){
            res=res*j+i;
        }
        i=2*i;
    }
}
```

Il corpo del while viene  
eseguito  $\log_2 n$  volte

Il corpo del for viene  
eseguito  $n$  volte

**Risposta**  
 **$O(n * \log_2 n)$**

# Complessita' di un programma

- Calcolare l'ordine asintotico (notazione  $O(f(n))$ ) del numero di moltiplicazioni svolte dal seguente metodo rispetto al valore del parametro  $n$
- Nel caso servisse, si ricorda che...

$$\sum_{i=1}^a i = \frac{a(a+1)}{2}$$

Poiche'...

$$\sum_{i=1}^{n^2} i = \frac{n^2(n^2+1)}{2}$$

**Risposta  $O(n^4)$**

```
void metodo2(int n){
    int res=1;
    for(int i=1;i<=Math.pow(n,2);i++){
        for(j=1;j<=i;j++){
            res=res*2;
        }
    }
}
```

Il corpo del for viene eseguito  $n^2$  volte

Il corpo del for viene eseguito  $i$  volte

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

# Complessita' di un programma

- Calcolare l'ordine asintotico (notazione  $O(f(n))$ ) del numero di somme svolte dal seguente metodo sulla variabile  $res$  rispetto al valore del parametro  $n$

```
void metodo3(int n){
    int i=1;
    int res=1;
    while(i<=Math.pow(n,2)){
        for(int j=0;j<Math.pow(n,3);j++){
            res=res+3;
        }
        i=2*i;
    }
}
```

Il corpo del while viene eseguito  $2 \log_2 n$  volte

Il corpo del for viene eseguito  $n^3$  volte

**Risposta**  
 **$O(n^3 \log_2 n)$**

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

# Complessita' di un programma

- Calcolare l'ordine asintotico (notazione  $O(f(n))$ ) del numero di moltiplicazioni svolte dal seguente metodo rispetto al valore del parametro  $n$
- Nel caso servisse, si ricorda che... 
$$\sum_{i=1}^a i^2 = \frac{2a^3 + 3a^2 + a}{6}$$

```
void metodo4(int n){
    int res=1;
    for(int i=Math.pow(n,3);i>=1;i--){
        for(j=1;j<=Math.pow(i,2);j++){
            res=res*2;
        }
    }
}
```

Il corpo del for viene eseguito  $n^3$  volte

Il corpo del for viene eseguito  $i^2$  volte

Poiche'...

$$\sum_{i=n^3}^1 i^2 = \sum_{i=1}^{n^3} i^2 = \frac{2n^9 + 3n^6 + n^2}{6}$$

**Risposta  $O(n^9)$**

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

# Complessita' di un programma

- Calcolare l'ordine asintotico (notazione  $O(f(n))$ ) del numero di moltiplicazioni svolte dal seguente metodo rispetto al valore del parametro  $n$

```
void metodo5(int n){
    int res=1;
    for(int i=1;i<=n*n;i++){
        for(j=1;j<=Math.pow(3,i);j++){
            res=res+2;
        }
    }
}
```

Il corpo del for viene eseguito  $n^2$  volte

Il corpo del for viene eseguito  $3^i$  volte

Poiche'...

$$\sum_{i=1}^{n^2} 3^i = \frac{3^{n^2+1} - 1}{3 - 1}$$

**Risposta  $O(3^{n^2})$**

Fondamenti di Informatica I, 2005-2006

## Complessita' di un programma

- Calcolare l'ordine asintotico (notazione  $O(f(n))$ ) del numero di somme svolte dal seguente metodo sulla variabile `res` rispetto al valore del parametro `n`

```
void metodo6(int n){
int res=1;
for(int i=1;i<=Math.log10(n);i=i+1){
for(int j=0;j<Math.pow(2,i);j++;){
res=res+3;
}
}
}
```

Il corpo del while viene eseguito  $\log_3 n$  volte

Il corpo del for viene eseguito  $2^i$  volte

**Risposta  $O(n)$**

Poiche'...

$$\sum_{i=1}^{\log_3 n} 2^i = \frac{2^{\log_3 n + 1} - 1}{3 - 1} = \frac{2^{\frac{\log_2 n}{\log_2 3} + 1} - 1}{2} = \frac{2^{\frac{1}{\log_2 10} + 1} - 1}{2} = 2^{\frac{1}{\log_2 10}} n - 1$$

## Formule utili

$$\sum_{i=1}^a i = \frac{a(a+1)}{2}$$

$$\sum_{i=1}^a i^2 = \frac{2a^3 + 3a^2 + a}{6}$$

$$\sum_{i=1}^a b^i = \frac{b^{a+1} - 1}{b - 1}$$